



Università degli Studi di Cagliari
Corsi di Laurea in Ingegneria Chimica ed Ingegneria Meccanica

FONDAMENTI DI INFORMATICA

`http://people.unica.it/gianlucamarcialis`

A.A. 2018/2019

Docente: **Gian Luca Marcialis**

LINGUAGGIO Python
Funzioni

Sommario

- Introduzione
- Funzioni in Python
 - Intestazione
 - Variabili interne ed esterne
 - Regole di visibilità
 - Esercizi

Introduzione

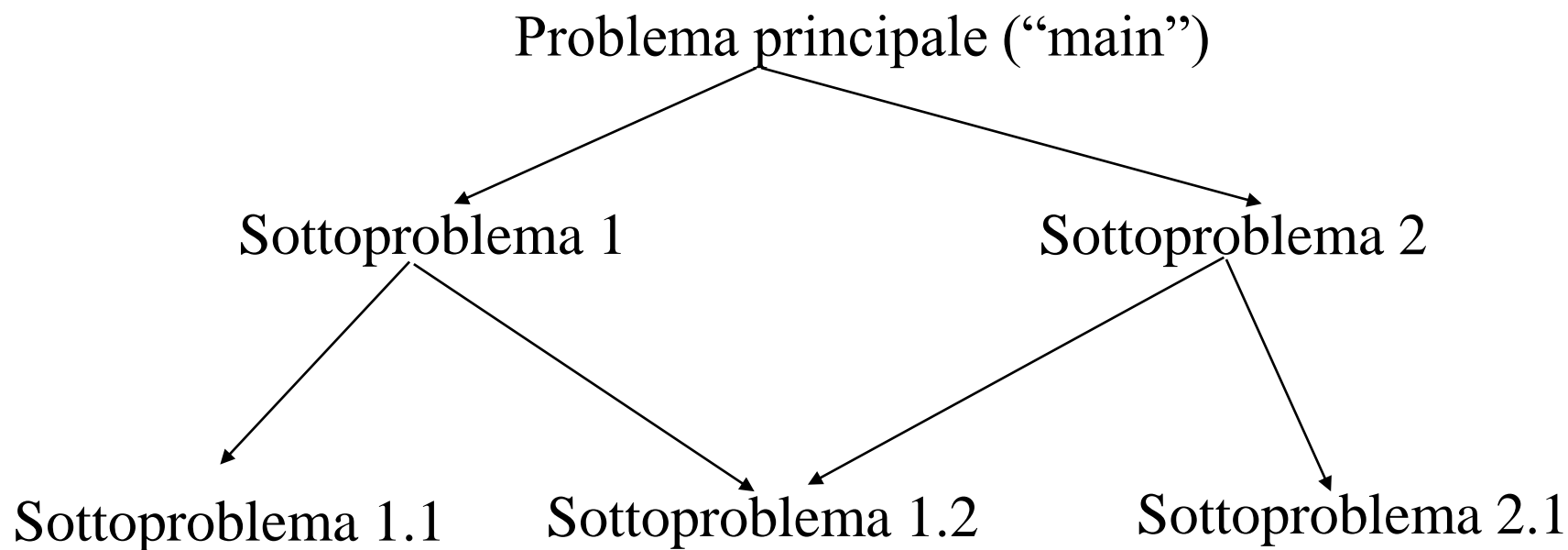
- Finora abbiamo visto le strutture di controllo di base che il Python mette a disposizione per alterare il flusso di esecuzione delle istruzioni
- Da questo punto di vista, le funzioni costituiscono un metodo particolarmente raffinato per il controllo del flusso di esecuzione
- Possiamo definire una **funzione** come un **raggruppamento di istruzioni volte a risolvere un determinato sottoproblema** entro il problema principale
 - Si pensi per esempio alle “funzioni di libreria” citate ed usate in precedenza

Approcci di programmazione

- In generale, in problemi complessi possono essere “individuati” sottoproblemi, la cui soluzione ad esempio è necessario calcolare molte volte all’interno dell’algoritmo, ma con “ingressi” differenti
- Questo conduce a due sostanziali approcci (strategie) per la risoluzione dei problemi:
 - Top-Down
 - Bottom-Up

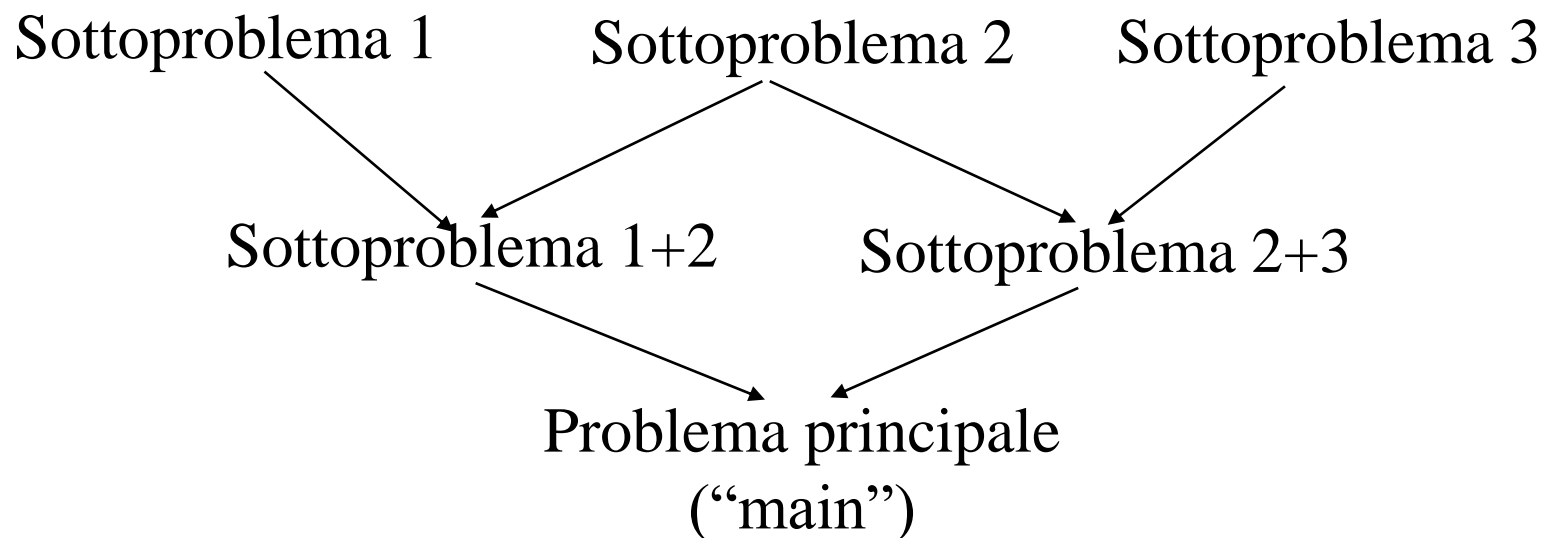
L'approccio Top-Down

- Si parte dal problema principale e via via si individuano i sottoproblemi che lo compongono



L'approccio Bottom-Up

- Si individuano problemi essenziali, il più semplici possibile, che, integrati gradualmente, permettono la soluzione del problema principale



L'approccio “sandwich”

- In generale è difficile seguire il Top-Down od il Bottom-Up in modo rigoroso, in quanto
 - certe funzionalità possono risultare utili in un secondo momento
 - non si ha un'idea chiara di come il problema principale vada risolto nella sua integrità ma si è riusciti ad individuare alcune funzionalità di base
- Si preferisce un approccio “ibrido”, chiamato anche “sandwich”, in cui le due strategie vengono condotte in parallelo
 - Ad es. su una parte del problema si segue la Top-Down, su altre la Bottom-Up
- La convergenza delle due strategie porta alla soluzione del problema
- **Si noti comunque come, in tutti i casi, la capacità di scomporre il problema in problemi più semplici sia essenziale → MODULARITA' DEL SOFTWARE**
 - si migliora la chiarezza del programma
 - ne si attenua la “rigidità”

Individuazione delle funzionalità: un esempio semplice

- Scrivere un programma Python che, leggendo da tastiera due valori interi senza segno N e K , con $K \leq N$, calcoli il numero M di combinazioni di N oggetti a gruppi di K e lo stampi a video
- La formula per il calcolo di M è la seguente:

$$M = \binom{N}{K} = \frac{N!}{K!(N-K)!}$$

- Dove l'espressione $j!$ significa "fattoriale di j " ed è data a sua volta dalla seguente. Dato un intero $j \geq 0$, posto che $j! = 1$ se $j = 0$:

$$j! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot j = \prod_{i=1}^j i$$

Algoritmo: soluzione di “alto livello”

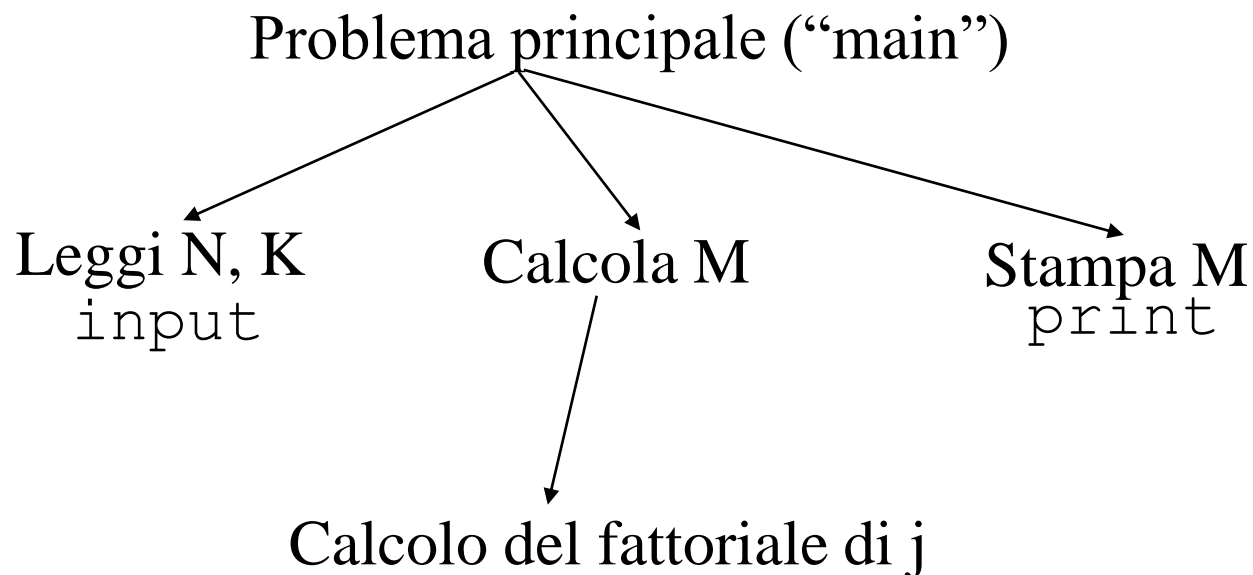
- Leggi due valori da tastiera N e K
- Calcola M
- Stampa a video M

Algoritmo: individuazione delle funzionalità

- Leggi due valori da tastiera N e K
 - Uso `input`
- Calcola M
 - Calcola N!
 - Calcola (N-K)!
 - Calcola K!
- Stampa a video M
 - Uso `print`
- Si noti che il calcolo del fattoriale è un'operazione ripetitiva
 - per ognuno dei tre valori dovremmo ripetere lo stesso codice ma con diverso valore di partenza

Quindi...

- Siamo riusciti a scomporre il problema in problemi più elementari
- Resta da capire come scrivere “Calcolo del fattoriale di j”



Funzioni in Python

- Una funzione in Python è caratterizzata dalla seguente sintassi:

```
def NOME_FUNZIONE(Lista_parametri):  
    #Seguono le istruzioni indentate rappresentanti  
    #il corpo della funzione, ovvero  
    #la soluzione del problema assolto  
    #da NOME_FUNZIONE  
  
    ...  
  
    [return Variabili_Risultato] #opzionale
```

Funzioni in Python

- **Variabili_Risultato** corrisponde ad uno o più valori, separati da virgole, calcolati dalla funzione che ci si aspettano essere il risultato di interesse, come parametri in uscita `===` rappresentazione della soluzione del sottoproblema
- Espresso in forma numerica, di stringa, di lista, di dizionario o mista, a seconda del problema
- Nel caso in cui la soluzione sia «incorporata» nella funzione e non necessiti essere rappresentata in uscita, **return** può essere omessa

```
def NOME_FUNZIONE(Lista_parametri):  
    #Sequenza di istruzioni indentate rappresentante  
    #il corpo della funzione  
    ...  
    return Variabili_Risultato
```

Funzioni in Python

➤ **NOME_FUNZIONE** identifica il sottoproblema che essa risolve (es. `Calcola_Fattoriale`):

```
def NOME_FUNZIONE (Lista_parametri) :  
    #Sequenza di istruzioni indentate rappresentante  
    #il corpo della funzione  
    ...  
return Variabili_Risultato
```

Funzioni in Python

- **Lista_parametri** è una lista di variabili che vengono fornite alla funzione (parametri di ingresso) ed eventualmente altre che la funzione fornisce (parametri di uscita)

```
def NOME_FUNZIONE (Lista_parametri) :  
    #Sequenza di istruzioni indentate rappresentante  
    #il corpo della funzione  
    ...  
    return Variabili_Risultato
```

Parametri di ingresso e uscita

- `Lista_parametri` presenta questa forma
 - `Lista_parametri = NomeVariabile1, NomeVariabile2, ..., NomeVariabileN`
- Alcune di queste variabili vengono “prestate” alla funzione dall’esterno (es. dalla parte “principale” del programma) e vengono usate per calcolare l’uscita senza essere modificate → parametri di ingresso
- Altre possono fare “parte” della soluzione del sottoproblema e quindi essere modificate dopo l’esecuzione dell’ultima istruzione della funzione (**return**) → parametri di uscita
- La `Lista_parametri` può anche essere vuota, ovvero la funzione può non aspettarsi in ingresso alcun parametro

Funzioni in Python

- Il **Corpo della funzione** è il codice che serve per risolvere il sottoproblema, che si servirà delle variabili nella `Lista_parametri`

```
def NOME_FUNZIONE(Lista_parametri):  
    #Sequenza di istruzioni indentate rappresentante  
    #il corpo della funzione  
    ... Qui le istruzioni ...  
    return Variabili_Risultato
```

Chiamata a funzione

- Per chiamare una funzione che, è sufficiente seguire la sintassi:

```
[Var1[, Var2, ..., VarN] =] NOME_FUNZIONE (Par1, Par2, ..., ParM)
```

- Esempi

- La funzione $f()$ prevede in ingresso tre valori x , y , z e ne restituisce due. Possiamo scegliere di assegnarli con l'espressione: $u, v = f(x, y, z)$. Le variabili u e v conterranno i valori restituiti dalla funzione.
- Se scrivessimo solo $u = f(x, y, z)$, la variabile u conterrebbe una lista di dimensione prefissata ed immutabile nei contenuti, come le stringhe, chiamata **tupla**, con i due valori restituiti dalla funzione stessa.
- Se scrivessimo infine solo $f(x, y, z)$ la funzione verrebbe avviata ma perderemmo tutti i risultati dell'elaborazione, ovvero i due valori restituiti in uscita.

Un esempio (...prima di tornare al problema)

- Data la seguente definizione di funzione:

```
def operazioni(p, q):  
    x=p+q  
    y=p-q  
    z=p*q  
    u=p ** q  
    return x, y, z, u
```

- Ora utilizziamola:

```
>>>a=2  
>>>b=5  
>>>e,f,g,h=operazioni(a,b)  
>>>k=operazioni(a,b)  
>>>e  
7  
>>>k  
(7, -3, 10, 32)  
>>>k[0]  
7
```

Torniamo al problema

- Procediamo in modo top-down, e scriviamo una prima versione del programma

```
#Programma per il calcolo combinatorio
#E' buon stile di programmazione inserire il corpo del
  programma entro una funzione «principale» (main)
```

```
def main():
    #ATTENZIONE all'indentazione!!!
    #Leggi N, K da tastiera
    #Calcola M
    #Stampa M a video
```

Leggi N, K da tastiera: funzione leggi

- Scriviamo una funzione che legga da tastiera due interi e li memorizzi in una lista:

```
def leggi():
```

```
    N=input("Inserisci un intero non negativo N.\n")
```

```
    K=input("Inserisci un intero non negativo K.\n")
```

```
return N, K    #restituisco i due valori
```

Stampa M a video: procedura stampa

➤ Soluzione banalissima:

```
def stampa (M) :  
    print("Il valore richiesto è pari a: " +  
          str(M) + "\n",M)  
return #posso ometterlo
```

Calcola M: funzione combinazioni

- Scriviamo una funzione che restituisca appunto il valore richiesto:

```
def combinazioni(N, K):
```

```
    #Calcola il fattoriale di N
```

```
    #Calcola il fattoriale di K
```

```
    #Calcola il fattoriale di D=N-K
```

```
M=fattN/(fattK*fattD) #formula del calcolo di  $\binom{N}{K}$ 
```

```
return M
```

Calcolo del fattoriale: funzione

fattoriale

- A questo punto scriviamo la funzione del fattoriale parametrizzata su un generico intero senza segno j :

```
def fattoriale(j) :  
  
    fattj=1  
    if j>1:  
        i=2  
        while i<=j:  
            fattj *= i  
            i=i+1  
  
    return fattj
```


Ritorniamo a combinazioni

- Sostituiamo ai commenti le **chiamate** alla funzione con i relativi parametri

```
def combinazioni(N, K):
```

```
    fattN=fattoriale(N)      #Calcola il fattoriale di N  
    fattK=fattoriale(K)      #Calcola il fattoriale di K  
    fattD=fattoriale(N-K)    #Calcola il fattoriale di D=N-K
```

```
    M=fattN/(fattK*fattD)    #formula del calcolo di  $\binom{N}{K}$ 
```

```
return M
```

Completamento del programma

- Completiamo il programma sostituendo ai commenti le opportune chiamate

```
#Programma per il calcolo combinatorio
```

```
#E' buon stile di programmazione inserire il  
corpo del programma entro una funzione  
«principale» (main)
```

```
def main():
```

```
    N,K=leggi()           #Leggi N, K da tastiera
```

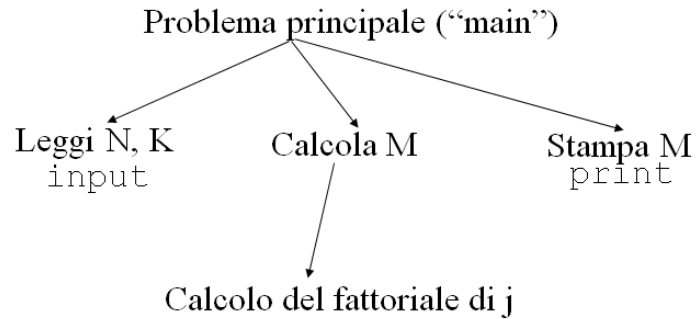
```
    M=combinazioni(N,K)   #Calcola M
```

```
    stampa(M)            #Stampa M a video
```

Completamento del programma

- Le funzioni come sono definite, non sono viste dal sistema come «codice da eseguire» finché non vengono **invocate**
- Quindi facciamo così:
 - Scriviamo il programma sull'editor (possibilmente, ma non obbligatoriamente) rispettando l'ordine dei livelli top-down, e poi salviamolo
 - Per lanciarlo, è sufficiente:
 - Invocare la funzione `main()` appena scritta
 - Importare il file come una qualunque libreria

Soluzione 1: lanciare il programma invocando la main



#Programma per il calcolo combinatorio

```
def fattoriale(j):
```

```
    fattj=1
    if j>1:
        i=2
        while i<=j:
            fattj *= i
```

```
    return fattj
```

```
def leggi():
```

```
    N=input("Inserisci il valore non negativo N.\n")
    K=input("Inserisci il valore non negativo K.\n")
```

```
    return N, K
```

```
def stampa(M):
    print("Il valore richiesto è pari a: " + str(M) +
          "\n",M)
    return
```

```
def combinazioni(N, K):
```

```
    fattN=fattoriale(N) #Calcola il fattoriale di N
    fattK=fattoriale(K) #Calcola il fattoriale di K
    fattD=fattoriale(N-K) #Calcola il
    fattoriale di D=N-K
```

```
    M=fattN/(fattK*fattD) #formula del calcolo di  $\binom{N}{K}$ 
    return M
```

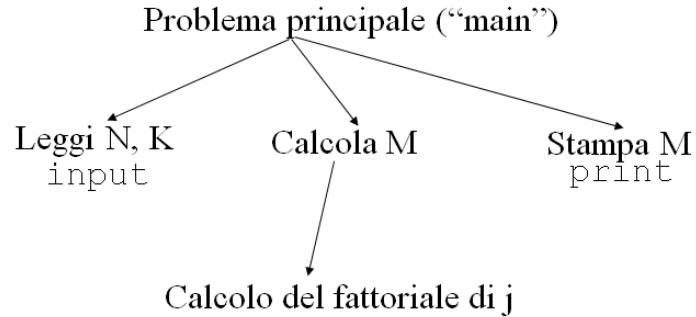
```
def main():
```

```
    N,K=leggi() #Leggi N, K da tastiera
    M=combinazioni(N,K) #Calcola M
    stampa(M) #Stampa
    M a video
```

```
main()
```

```
#cliccando l'opzione «Run» dell'ambiente di
sviluppo, il sistema eseguirà questa istruzione
perché le funzioni non sono viste come codice
eseguibile finché non vengono invocate!!!
#oppure digitando da console
>>>runfile(NOME_DEL_FILE)
```

Soluzione 2: salvare il programma .py invocando la main nella console



```
#Programma per il calcolo combinatorio
```

```
def fattoriale(j):  
  
    fattj=1  
    if j>1:  
        i=2  
        while i<=j:  
            fattj *= i  
        i=i+1  
  
    return fattj  
  
def leggi():  
  
    N=input("Inserisci il valore non negativo N.\n")  
    K=input("Inserisci il valore non negativo K.\n")  
  
    return N, K
```

```
def stampa(M):  
    print("Il valore richiesto è pari a: " + str(M) +  
          "\n",M)  
    return  
  
def calcola(N, K):  
  
    fattN=fattoriale(N) #Calcola il fattoriale di N  
    fattK=fattoriale(K) #Calcola il fattoriale di K  
    fattD=fattoriale(N-K) #Calcola il  
    fattoriale di D=N-K  
  
    M=fattN/(fattK*fattD) #formula del calcolo di  $\binom{N}{K}$   
    return M  
  
def main():  
    N,K=leggi() #Leggi N, K da tastiera  
    M=calcola(N,K) #Calcola M  
    stampa(M) #Stampa M a video
```

```
#si può eseguire da console digitando:  
>>>import NOME_DEL_FILE  
>>>NOME_DEL_FILE.main()
```

Esercizio: forme geometriche

- Scrivere un programma che legge un file di testo `geometri.txt` così formattato:

```
<Forma Geometrica> v1 [v2 v3]
```

- Dove

- `<Forma Geometrica>` = Triangolo | Quadrato | Rettangolo
- `v1 [v2 v3]` sono al massimo tre valori reali

- Per ogni riga di ingresso, il programma calcola e scrive, nel file di uscita `risultati.txt`, ed in modalità “append”, la forma della figura e il suo perimetro
- Si sviluppi la soluzione in forma **modulare**
 - Attraverso funzioni

Esempio di file geometri.txt

Triangolo 34.2 45.1 90.4

Rettangolo 40.1 20.9

Rettangolo 12.1 55.5

Quadrato 45.0

Vincoli per scrivere la soluzione

- Ogni riga del file dev'essere memorizzata, formattando gli opportuni campi, in una lista
 - Esempio. Se si legge la prima riga del file di esempio, la lista deve contenere ["Triangolo", 34.2, 45.1, 90.4]
- Si scriva inoltre:
 - una funzione che calcoli il perimetro per ognuna delle tre forme: essa riceve in ingresso il vettore dei lati e restituisce un valore reale pari al perimetro
 - una funzione che legga il tipo di forma da file, e memorizzi i dati in una lista (come visto sopra); restituita in uscita
 - una funzione che, ricevendo in ingresso una lista formattata come nell'esempio, scriva la forma e stampi il perimetro nel file su file in modalità "append"

Implementazioni delle funzioni richieste: perimetro della forma

```
def perimetro_forma(forma):  
  
    if (forma[0] == 'Quadrato'):  
        return 4.*forma[1]  
    elif (forma[0] == 'Rettangolo'):  
        return 2.*(forma[1]+forma[2])  
    else:  
        return forma[1]+forma[2]+forma[3]
```

Aggiornamento della forma

```
def leggi_forma(fp):  
  
    riga=fp.readline()  
    if riga=="":  
        return 0  
  
    forma=riga.split()  
  
    i=1  
    while i<len(forma):  
        forma[i]=float(forma[i])  
        i=i+1  
  
    return forma
```

Stampa della forma col perimetro

```
def stampa_forma(forma,perimetro):  
  
    out=open("risultati.txt","a")  
  
    out.write(forma[0] + " " + str(perimetro) + "\n")  
  
    out.close()
```

Soluzione: vista top-down

```
#Programma per la stampa del perimetro di una forma geometrica su file

def main():

    #Apri il file geometri.txt in modalità lettura

    #Leggi una forma
    while (""""forma esiste"""):
        #Calcola il perimetro della forma letta
        #Stampa il perimetro della forma su file risultati.txt
        #Leggi un'altra forma

    #Chiudi il file geometri.txt
```

/* Apri il file geometri.txt */

```
in=open("geometri.txt","r")
```

/* Chiudi il file geometri.txt */

```
in.close(i)
```

Ritorniamo al main

```
#Programma per la stampa del perimetro di una forma  
geometrica su file
```

```
def main():
```

```
    in=open("geometri.txt","r")
```

```
    forma=leggi_forma(in)
```

```
    while forma:
```

```
        perimetro=perimetro_forma(forma)
```

```
        stampa_forma(forma)
```

```
        forma=leggi_forma(in)
```

```
    in.close()
```

Il programma completo

```
#Programma per la stampa del perimetro di una  
forma geometrica su file
```

```
def main():
```

```
    in=open("geometri.txt","r")
```

```
    forma=leggi_forma(in)
```

```
    while forma:
```

```
        perimetro=perimetro_forma(forma)
```

```
        stampa_forma(forma)
```

```
        forma=leggi_forma(in)
```

```
    in.close()
```

```
def stampa_forma(forma,perimetro):
```

```
    out=open("risultati.txt","a")
```

```
    out.write(forma[0] + " " + str(perimetro)  
+ "\n")
```

```
    out.close()
```

```
def leggi_forma(fp):
```

```
    riga=fp.readline()
```

```
    if riga=="":
```

```
        return 0
```

```
    forma=riga.split()
```

```
    i=1
```

```
    while i<len(forma):
```

```
        forma[i]=float(forma[i])
```

```
        i=i+1
```

```
    return forma
```

```
def perimetro_forma(forma):
```

```
    if(forma[0]=='Quadrato'):
```

```
        return 4.*forma[1]
```

```
    elif (forma[0]==' Rettangolo'):
```

```
        return 2.*(forma[1]+forma[2])
```

```
    else:
```

```
        return forma[1]+forma[2]+forma[3]
```

E se il file non esistesse?

- La funzione `open()`, in caso di errore dovuto ad errore di percorso o file inesistente, restituisce un valore speciale chiamato *eccezione*, ma normalmente interromperà l'esecuzione del programma.
- Per gestire questo particolare errore senza causare l'interruzione del programma utilizziamo sempre, se richiesto, il formalismo seguente:

try:

```
idFile = open(nomeFile,modalità_di_apertura)
```

except IOError:

```
#istruzioni da eseguire se l'apertura è fallita
```

```
...
```

- Il valore **`IOError`** è quello restituito in caso di mancata apertura ed è il nome dell'eccezione

Esercizio

- Scrivere una funzione Python `apriFile` che, aprendo un file di nome `nomeFile` in modalità `modalita`, valori forniti in ingresso, restituisca l'identificativo del file se l'apertura va a buon fine, ***False*** altrimenti.

```
def apriFile(nomeFile,modalita):  
    try:  
        identificativoFile=open(nomeFile,modalita)  
    except IOError:  
        return False  
    return identificativoFile
```

Visibilità e vita delle variabili

- Le variabili nelle funzioni sono visibili esclusivamente all'interno delle funzioni stesse
- Una volta al di fuori del blocco funzionale, non «esistono» più
- Provare il codice:

```
>>>def f (x) :
```

```
    x=10
```

```
>>>x=5
```

```
>>>f ()
```

```
>>>print x      #secondo voi cosa stampa?
```

Visibilità e vita delle variabili

➤ Ora provate questo:

```
>>>def g():
```

```
    x=10
```

```
>>>x=5
```

```
>>>g()
```

```
>>>print x      #secondo voi cosa stampa?
```

➤ **Conclusione:**

Se una funzione modifica ***una variabile*** già assegnata al di fuori, passata o no come parametro, **la modifica non è permanente**

Visibilità su istanze composte

➤ Provare:

```
>>>def h(l):
```

```
    l[1]=10
```

```
>>>lista=[1,2,3]
```

```
>>>h(lista)
```

```
>>>print lista #secondo voi cosa stampa?
```

Visibilità su istanze composte

➤ Ora provare:

```
>>>def k():
```

```
    l[1]=-1
```

```
>>>lista=[1,2,3]
```

```
>>>k(lista)
```

```
>>>print lista #secondo voi cosa stampa?
```

➤ **Conclusione:**

Se una funzione modifica ***una componente di variabile lista o dizionario*** già assegnata al di fuori, passata o no come parametro, **la modifica è permanente**

Problema n.1 : scambio di valori

- Scrivere una funzione Python che, ricevendo in ingresso una lista di interi v e due valori i e j , permuti il valore in posizione i con quello in posizione j
- Salvare la funzione in un file `scambia.py` ed invocarla da console dopo averla importata

```
#Funzione per lo scambio di due valori  
in una lista
```

```
def scambia(v, i, j):
```

```
    temp=v[i]
```

```
    v[i]=v[j]
```

```
    v[j]=temp
```

Problema n. 2: inversione di vettori

- Scrivere una funzione Python che, ricevendo una lista (vettore) v di n elementi, restituisca un secondo vettore w che presenti la seguente corrispondenza: $w[N-1] == v[0]$, $w[N-2] == v[1]$, ..., $w[N-i] == v[i-1]$, ..., $w[0] == v[N-1]$

```
def inverti(v):
```

```
    w = []
```

```
    for x in v:
```

```
        w = [x] + w    #mette in coda il primo
                        #elemento...
```

```
    return w
```

Problema n. 2 variato

- Scrivere una funzione Python che, ricevendo una lista v di n elementi, restituisca lo stesso vettore v con gli elementi invertiti: $v[N-1] \leftarrow v[0], v[N-2] \leftarrow v[1], \dots, v[N-i] \leftarrow v[i-1], \dots, v[0] \leftarrow v[N-1]$
- Nota: Usare la funzione `scambia` implementata in precedenza

```
def inverti(v):  
  
    n=len(v)  
  
    i=0  
    while i<n/2: #occhio versione Python 3  
        scambia(v,i,n-1-i)  
        i=i+1
```


Questo fatelo voi...

➤ Scrivere una funzione `media_mobile` che, ricevendo in ingresso una lista `v` di N valori numerici, restituisca un vettore `w` tale che:

$$\blacksquare w[i] = (v[i] + v[i+1]) / 2;$$

–per $i=0, \dots, N-2$

$$\blacksquare w[N-1] = (v[N-1] + v[0]) / 2$$

Soluzione

```
def media_mobile(v):
```

```
    N=len(v)
```

```
    w=[]           #inizializzazione lista vuota
```

```
    i=0
```

```
    while i<=N-2:
```

```
        w = w + [(v[i]+v[i+1])/2]
```

```
    w = w + [(v[N-1]+v[0])/2]
```

```
    return w
```

Homework

➤ Scrivere una funzione `somma` che, ricevendo in ingresso due vettori di valori numerici `v` e `w` di dimensione `N` restituisca un vettore `z` tale che:

- $z[0] = v[0] + w[N-1]$
- $z[1] = v[1] + w[N-2]$
- ...
- $z[N-1] = v[N-1] + w[0]$

Esercizi

- Sviluppare gli stessi esercizi precedenti come per la variante del problema 2.

Per saperne di più

- K.A. Lambert, Programmazione in Python, Cap. 6, Apogeo